

MATEMATIKA ÉRETTSÉGI TÉMAKÖRÖK

1. GONDOLKODÁSI MÓDSZEREK, HALMAZOK, LOGIKA, KOMBINATORIKA, GRÁFOK

1.1. HALMAZOK

1.1.1. Halmazok megadásának módjai

1.1.2. Halmazok egyenlősége, részhalmaz, üres halmaz, véges, végtelen halmazok, komplementer halmaz.

1.1.3. Halmazműveletek: unió, metszet, különbség.

1.1.4. Ponthalmazok ábrázolása koordináta-rendszerben.

1.1.5. Véges halmazok elemeinek száma.

1.2. MATEMATIKAI LOGIKA

1.2.1. A kijelentés fogalma.

1.2.2. Logikai műveletek: negáció, konjunkció, diszjunkció, implikáció, ekvivalencia.

1.2.3. „Minden”, „van olyan” kvantorok.

1.3. KOMBINATORIKA

1.3.1. Permutáció, variáció, kombináció (ismétlés nélküli, ill. ismétléses)

1.4. GRÁFOK

1.4.1. Egyszerűbb szituációk megoldása gráfok segítségével.

2. SZÁMELMÉLET, ALGEBRA

2.1. **ALAPMŰVELETEK** (összeadás, kivonás, szorzás, osztás) műveleti azonosságai, számolás fejben, írásban és zsebszámológéppel.

2.2. OSZTHATÓSÁG

2.2.1. Osztó, többszörös, prímszám, összetett szám fogalma.

2.2.2. Prímtényező felbontás. A számelmélet alaptétele. Legnagyobb közös osztó, legkisebb közös többszörös fogalma és kiszámítása, alkalmazása szöveges és gyakorlati feladatokban.

2.2.3. Relatív prímelek fogalma. A 10 hatványaira, illetve a 2, 3, 4, 5, 6, 8, 9 számokra vonatkozó oszthatósági szabályok.

2.2.4. Számrendszerek. Számok átírása 10-es számrendszerből 2-esbe, és viszont.

2.3. SZÁMHALMAZOK.

2.3.1. \mathbf{N} , \mathbf{Z} , \mathbf{Q} , \mathbf{Q}^* , \mathbf{R} halmazok fogalma. A valós számok és a számegyenes kapcsolata.

2.4. ABSZOLÚTÉRTÉK, NORMÁLALAK.

2.4.1. Számok abszolútértékének fogalma.

2.4.2. Számok normálalakja.

2.5. HATVÁNY, GYÖK, LOGARITMUS

2.5.1. Hatványozás fogalma pozitív egész, 0, negatív egész, valamint törtkitevő esetén. A hatványozás azonosságai.

2.5.2. Az n -edik gyök fogalma. A négyzetgyökvonás azonosságai.

2.5.3. A logaritmus fogalma.

2.6. ALGEBRAI KIFEJEZÉSEK

2.6.1. Nevezetes szorzatok zárójelfelbontásban és szorzattá alakításban: $(a+b)^2$; $(a-b)^2$; a^2-b^2 .

2.7. EGYENES ÉS FORDÍTOTT ARÁNYOSSÁG, SZÁZALÉKSZÁMÍTÁS.

2.8. EGYENLETEK, EGYENLETRENDSZEREK, EGYENLŐTLENSÉGEK.

2.8.1. Alaphalmaz, megoldáshalmaz fogalma.

Egyenletmegoldási módszerek: mérlegelv, grafikus módszer, új ismeretlen bevezetése stb.

Kétismeretlenes egyenletrendszerek megoldási módszerei.

A másodfokú egyenlet általános alakja, diszkrimináns fogalma, megoldóképlet, gyöktényező alak. Négyzetgyökös egyenletek.

2.8.2. Exponenciális egyenletek, folyamatokértelmezése

3. FÜGGVÉNYEK, SOROZATOK

3.1. FÜGGVÉNYEK

3.1.1. A függvény fogalma. Értelmezési tartomány, értékkészlet, zérushely, szélsőérték, szigorúan monoton növekedés, csökkenés fogalma.

3.1.2. Elsőfokú, másodfokú, négyzetgyökfüggvény, lineáris törtfüggvény, exponenciális függvények ábrázolása és jellemzése.

3.1.3. Függvények ábrázolása függvénytranszformációkkal.

3.2. SOROZATOK

3.2.1. Számsorozat fogalma.

3.2.2. Számtani és mértani sorozat

3.3.3. Kamatoskamat, járadékszámítás

4. GEOMETRIA, KOORDINÁTAGEOMETRIA, TRIGONOMETRIA

4.1. GEOMETRIAI FOGALMAK

4.1.1. Szög fogalma, szögfajták, nevezetes szögpárok. Tételek távolsága, szöge.

4.1.2. Kör, gömb, szakaszfelező merőleges, szögfelező fogalma.

4.2. GEOMETRIAI TRANSZFORMÁCIÓK.

4.2.1. Egybevágósági transzformációk: tengelyes tükrözés, középpontos tükrözés, eltolás fogalma, tulajdonságai.

A háromszögek egybevágóságának alapesetei.

Alakzatok tengelyes, középpontos szimmetriája és forgásszimmetriája.

4.2.2. Hasonlósági transzformációk

4.2.2.1. Hasonló síkidomok területének aránya, hasonló testek térfogatának aránya.

4.3. ALAKZATOK

4.3.1. Síkbeli alakzatok

4.3.1.1. Háromszögek.

4.3.1.1.1. Háromszögek csoportosítása oldalak és szögek szerint.

4.3.1.1.2. Háromszög-egyenlőtlenség, belső, külső szögek összege, összefüggés a szögek és oldalak között.

4.3.1.1.3. Speciális háromszögek (egyenlő szárú, szabályos) fogalma és tulajdonságai.

4.3.1.1.4. Háromszögek nevezetes vonalainak, pontjainak, köreinek fogalma, rájuk vonatkozó tételek (oldalfelező merőleges, szögfelező, magasságvonal, magasságpont, súlyvonal, súlypont, középvonal, körülírt, beírt kör).

4.3.1.1.5. Pitagorasz-tétel és megfordítása.

4.3.1.2. Négyszögek.

4.3.1.2.1. Speciális négyszögfajták (trapéz, húrtrapéz, paralelogramma, deltoid, rombusz, téglalap, négyzet) fogalma, tulajdonságaik.

4.3.1.2.2. Négyszögek belső és külső szögeinek összege.

4.3.1.3. Sokszögek

4.3.1.3.1. Konvex sokszögek átlóinak száma, belső és külső szögeinek összege.

4.3.1.3.2. Szabályos sokszög fogalma.

4.3.1.4. Kör

4.3.1.4.1. A kör és részei (körcikk, körszelet).

4.3.1.4.2. Szögek mérése fokban.

4.3.1.4.3. Középponti szög kapcsolata a hozzá tartozó körív hosszával, valamint a hozzá tartozó körcikk területével.

4.3.1.4.4. Thalész-tétel és megfordítása.

4.3.2. Térbeli alakzatok

4.3.2.1. Téglatest, kocka, hasáb, forgáshenger, forgáskúp, gúla, hasáb, gömb, csonkagúla, csonkakúp ismerete.

4.4. VEKTOROK

4.4.1. Vektor fogalma, abszolútértéke, nullvektor, ellentett vektor.

Vektorok összege, különbsége, vektor szorzása számmal.

Vektor koordinátái, vektorok összeadása, kivonása, számmal való szorzása.

4.5. TRIGONOMETRIA

4.5.1. Hegyesszögek szögfüggvényei derékszögű háromszögben.

Szögfüggvények közötti összefüggések (pótszögek szögfüggvénye, pitagorasz-i összefüggés stb.) Nevezetes szögek (30° , 45° , 60°) szögfüggvényei. Szinusz- és koszinusztétel kimondása és alkalmazása.

4.6. KOORDINÁTAGEOMETRIA

4.6.1. Pontok, vektorok

4.6.1.1. Vektor koordinátái, abszolútértéke.

4.6.1.2. Két pont távolsága, szakasz felezőpontjának felírása, alkalmazása.

4.6.2. Egyenes

4.6.2.1. Egyenes egyenletének felírása.

4.6.2.2. Egyenesek metszéspontjának számítása.

4.6.2.3. Egyenesek párhuzamosságának és merőlegességének koordinátageometriai feltételei.

4.6.3. Kör

4.6.3.1. Adott középpontú, sugarú körök egyenletének felírása.

4.7. KERÜLET, TERÜLET

Kerület, terület szemléletes fogalma.

Háromszög területének kiszámítása különböző adatokból.

(2 módszer) Nevezetes négyszögek területének számítása.

Szabályos sokszögek kerületének, területének számítása. Kör, körcikk, körszelet kerülete, területe.

4.8. FELSZÍN, TÉRFOGAT

4.8.1. Felszín, térfogat szemléletes fogalma.

4.8.2. Hasáb, gúla, forgáshenger, forgáskúp, gömb felszínének és térfogatának kiszámítása képletbe való behelyettesítéssel.

5. VALÓSZÍNŰSÉGSZÁMÍTÁS, STATISZTIKA

5.1. STATISZTIKA

Kördiagram, oszlopdiaagram készítése,
értelmezése. Átlag, medián, módusz
fogalma.

5.2. VALÓSZÍNŰSÉGSZÁMÍTÁS

Klasszikus valószínűség.
Visszatevéses mintavétel